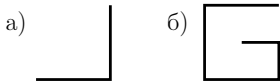


Задача 1. Найдите наибольшее натуральное число, все цифры в десятичной записи которого различны и которое уменьшается в 5 раз, если зачеркнуть первую цифру.

Задача 2. В шахматном турнире каждый участник встретился с каждым один раз. В каждом туре каждый участник проводил по одной встрече. Не меньше чем в половине всех встреч оба участника были земляками (из одного города). Докажите, что в каждом туре была хотя бы одна встреча между земляками.

Задача 3. Существует ли клетчатый многоугольник, который можно поделить на две равные части разрезом такой формы? Разрез должен лежать внутри многоугольника (на границу могут выходить только концы разреза).



Задача 4. Найдите все такие пары натуральных чисел a и k , что для всякого натурального n , взаимно простого с a , число $a^{k^{n+1}} - 1$ делится на n .

Задача 5. Петя раскрасил каждую клетку квадрата 1000×1000 в один из 10 цветов. Также он придумал такой 10-клеточный многоугольник Φ , что при любом способе вырезать из этого квадрата по границам клеток многоугольник, равный Φ , в нём все 10 клеток оказываются разного цвета. Обязательно ли Φ — прямоугольник?

Задача 6. В треугольнике ABC с углом A , равным 45° , проведена медиана AM . Прямая b симметрична прямой AM относительно высоты BB_1 , а прямая c симметрична прямой AM относительно высоты CC_1 . Прямые b и c пересеклись в точке X . Докажите, что $AX = BC$.

XV устная городская олимпиада по геометрии для 8–11 классов
состоится 16 апреля.

Подробности — на странице olympiads.mcsme.ru/ustn/

Задачи, решения, информация о закрытии
LXXX Московской математической олимпиады
на сайте www.mcsme.ru/mmo/